

материалы Воронежской весенней матем. шк. «Понтрягинские чтения XXVII». Воронеж : Издат. дом ВГУ, 2017. С. 47–48.

4. Хромов А. П. Об одном свойстве смешанной задачи с инволюцией // Теория функций, ее приложения и смежные вопросы : Тр. мат. центра им. Н.И. Лобачевского. Материалы 10-й Междунар. Казан. летней науч. школы-конф. Казань : Изд-во Казан. ун-та, 2011. Т. 43. С. 364–365.

5. Бурлуцкая М. Ш., Хромов А. П. Резольвентный подход для волнового уравнения // Журн. вычисл. матем. и матем. физ. 2015. Т. 55, № 2. С. 51–63.

УДК 517.982.256 + 515.124.4

БАНАХОВЫ ПРОСТРАНСТВА, В КОТОРЫХ ДЛИНА КРАТЧАЙШЕЙ СЕТИ ЗАВИСИТ ТОЛЬКО ОТ ПОПАРНЫХ РАССТОЯНИЙ МЕЖДУ ТОЧКАМИ¹

Л. Ш. Бурушева (Москва, Россия)

lburusheva@gmail.com

Пусть X — банахово пространство и $x_1, \dots, x_n \in X$. *Длиной кратчайшей сети* для точек x_1, \dots, x_n называется число

$$|\text{smt}|(\{x_1, \dots, x_n\}, X) = \inf\{|\Gamma| : \text{сеть } \Gamma \text{ соединяет точки } x_1, \dots, x_n\},$$

где сеть — связный граф с ребрами-отрезками, содержащий точки в качестве своих вершин. Через $|\Gamma|$ обозначается длина сети, то есть сумма длин ее ребер. Будем говорить, что банахово пространство *реализует кратчайшую сеть* для x_1, \dots, x_n , если $|\Gamma_0| = |\text{smt}|(\{x_1, \dots, x_n\}, X)$ для некоторой сети Γ_0 , соединяющей x_1, \dots, x_n .

Доклад посвящен вопросу, поставленному в работе [2]: в каких банаховых пространствах для всякого натурального n величина $|\text{smt}|(\{x_1, \dots, x_n\}, X)$ зависит только от попарных расстояний между точками $x_k \in X$ ($k = 1, \dots, n$)?

Теорема. *В действительном банаховом пространстве X , реализующем кратчайшие сети для всех своих конечных подмножеств, длина кратчайшей сети зависит только от попарных расстояний между точками тогда и только тогда, когда X либо предуально к L_1 , либо гильбертово.*

Пространство X предуально к L_1 [3], если X^* изометрически изоморфно $L_1(\mu) = L_1(E, \Sigma, \mu)$ для некоторого множества E , некоторой σ -алгебры Σ подмножеств E и некоторой σ -аддитивной меры μ , определенной на Σ . Пространство размерности n предуально к L_1 тогда и только тогда, когда оно изометрически изоморфно l_∞^n .

¹Работа выполнена при поддержке РФФИ (проект № 15-01-08335).

Следствие. В n -мерном действительном банаховом пространстве X длина кратчайшей сети зависит только от попарных расстояний между точками тогда и только тогда, когда X изометрически изоморфно либо l_2^n , либо l_∞^n .

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Иванов А. О., Тужилин А. А. Теория экстремальных сетей. Ижевск : ИКИ, 2003. 424 с.
2. Беднов Б. Б., Бородин П. А. Банаховы пространства, реализующие минимальные заполнения // Матем. сб. 2014. Т. 205, № 4. С. 3–20.
3. Lindenstrauss J. Extension of compact operators // Mem. Amer. Math. Soc. 1964. Vol. 48. P. 1–112.

УДК 517.984

ОБРАТНАЯ ЗАДАЧА ДЛЯ ИНТЕГРО-ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНОГО ОПЕРАТОРА ВТОРОГО ПОРЯДКА С УСЛОВИЕМ РАЗРЫВА¹

С. А. Бутерин (Саратов, Россия)
buterinsa@info.sgu.ru

Пусть $\{\lambda_k\}_{k \in \mathbb{N}}$ — спектр краевой задачи $L = L(M, \alpha_0, \alpha_1, \beta)$ вида

$$-y''(x) + \int_0^x M(x-t)y'(t) dt = \lambda y(x), \quad x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right) \cup \left(\frac{\pi}{2}, \pi\right), \quad (1)$$

$$\begin{aligned} y\left(\frac{\pi}{2} + 0\right) &= \alpha_0 y\left(\frac{\pi}{2} - 0\right), \quad y'\left(\frac{\pi}{2} + 0\right) = \alpha_1 y'\left(\frac{\pi}{2} - 0\right) + \beta y\left(\frac{\pi}{2} - 0\right), \\ y(0) &= y(\pi) = 0, \end{aligned} \quad (2)$$

где $(\pi - x)M(x) \in L_2(0, \pi)$ — комплекснозначная функция, а α_j , β — комплексные числа, причем $\alpha_0 + \alpha_1 \neq 0$. Доказывается следующая теорема.

Теорема 1. Собственные значения задачи L имеют вид

$$\lambda_k = (k + \kappa_k)^2, \quad \{\kappa_k\} \in l_2. \quad (4)$$

Исследуется обратная задача восстановления функции $M(x)$ по спектру $\{\lambda_k\}_{k \in \mathbb{N}}$ в предположении, что числа $\alpha_0, \alpha_1, \beta$ известны. Наиболее полные результаты по обратным спектральным задачам получены для дифференциальных операторов (см. обзор в [1]). В частности, обратная задача для оператора Штурма–Лиувилля с условиями разрыва изучалась в [2, 3]. Различные аспекты обратных задач для интегро-дифференциальных операторов без разрыва исследовались в [4–9] и

¹Работа выполнена при финансовой поддержке РНФ (проект № 17-11-01193).