

является чебышевской системой на $[0, 1]$ и может быть отличной от системы $\{u_i\}$. Пусть $M_{p+1,k}(\sigma) := \{c = (c_0, \dots, c_p) \in R^{p+1} : (If_i)^T \mu = c_i, i = 0, \dots, p, \forall \mu \in V_{0,k}^*(\sigma)\}$. Введем $c^0 = (c_0^0, c_1^0, \dots, c_p^0) \in M_{p+1,k}(\sigma)$, мы определяем $K_{0,k}(c^0) = \{\mu \in V_{0,k}^*(\sigma) : (If_i)^T \mu = c_i^0, i = 0, 1, \dots, p\}$. Обозначим $P_+ = \{g \in \{f_0, \dots, f_p\} : I(g - f) \in V_{0,k}(\sigma)\}$, $P_- = \{g \in \{f_0, \dots, f_p\} : I(f - g) \in V_{0,k}(\sigma)\}$

Теорема 1. Пусть c^0 является внутренней точкой $M_{p+1,k}(\sigma)$ и пусть $f \in C[0, 1]$ будет такой, что P_+ и P_- непустые множества, тогда

$$\sup_{\mu \in K_{0,k}(c^0)} (If)^T \mu = \inf_{g \in P_-} g(c^0),$$

$$\inf_{\mu \in K_{0,k}(c^0)} (If)^T \mu = \sup_{g \in P_+} g(c^0).$$

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Shapiro A. On duality theory of conic linear problems // Semi-infinite programming: recent advances (M. A. Goberna and M. A. Lopez, eds.). Kluwer Academic Publishers, 2001. P. 135–165.

2. Карлин С. Стадден В. Чебышевские системы и их применение в анализе и статистике. М.: Наука, 1976.

Н. И. Карпович (Минск)

karpovichnatalya@bsu.by

АСИМПТОТИКА КОНСТАНТ ЛЕБЕГА p -АДИЧЕСКОГО СОЛЕНОИДА

Пусть p — фиксированное простое число, \mathbb{Q}_p — поле p -адических чисел, \mathbb{Z}_p — кольцо целых p -адических чисел, $B = \{(n, n) : n \in \mathbb{Z}\}$ — подгруппа локально компактной абелевой группы $\mathbb{R} \times \mathbb{Z}_p$. Факторгруппу $\Sigma_p = (\mathbb{R} \times \mathbb{Z}_p)/B$ называют p -адическим соленоидом (детали и основные свойства см. в [1]).

Рассмотрим гомоморфизм

$$\varphi : (x, u) \mapsto (\{x\}, u - [x])$$

из $\mathbb{R} \times \mathbb{Z}_p$ в $[0, 1) \times \mathbb{Z}_p$ (здесь $\{x\}$ — дробная часть, $[x]$ — целая часть $x \in \mathbb{R}$). Тогда $\ker \varphi = B$ и по теореме о гомоморфизмах

$$[0, 1) \times \mathbb{Z}_p = \text{Im } \varphi \cong (\mathbb{R} \times \mathbb{Z}_p)/\ker \varphi = \Sigma_p.$$

Обозначим через $\{\cdot\}_p$ дробную часть p -адического числа. Тогда характеры группы $(\mathbb{R} \times \mathbb{Z}_p)/B$ определяются равенствами

$$\chi_\xi(x, u) = \chi_\infty(\xi x) \chi_p(-\xi u), \quad \xi \in \mathbb{Q}_p/\mathbb{Z}_p.$$

где $\chi_\infty(x) = \exp(2\pi i x)$, $\chi_p(u) = \exp(2\pi i \{u\}_p)$ — главные характеры групп \mathbb{R} и \mathbb{Z}_p соответственно. Характеры χ_ξ порождают ядра Дирихле

$$D_n(x, u) = \sum_{\{\xi: |\xi|_p \leq p^n\} \cap (\mathbb{Q}_p/\mathbb{Z}_p)} \chi_\xi(x, u) = \sum_{l=0}^{p^n-1} \exp\left(2\pi i l \left(\frac{x}{p^n} - \left\{\frac{u}{p^n}\right\}_p\right)\right).$$

Наш основной результат дает асимптотику соответствующих констант Лебега

$$\|D_n\|_{L^1([0,1] \times \mathbb{Z}_p)} \sim \frac{2}{\pi^2} \ln p^n, \quad n \rightarrow \infty.$$

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Хьюитт Э., Росс К. Абстрактный гармонический анализ. Т.2. Мир. 1975.

И. Н. Катковская (Минск)

krotov@bsu.by

φ -ПРИБЛИЖЕНИЯ ФУНКЦИЙ МНОГИХ ПЕРЕМЕННЫХ СТУПЕНЧАТЫМИ

Пусть Φ — класс возрастающих функций $\varphi : \mathbb{R}_+ \rightarrow \mathbb{R}_+$, $\varphi(0) = \varphi(+0) = 0$, $\varphi(t) > 0$ при $t > 0$. Пусть далее $I = \prod_{i=1}^n [a_i, b_i] \subset \mathbb{R}^n$ — n -мерный сегмент и $\varphi(L)(I)$ — множество измеримых функций на I , для которых $\varphi \circ f$ суммируема на I ,

$$d_\varphi(f, g) = \int_I \varphi(|f(x) - g(x)|) dx,$$

Для $0 < \delta_i \leq b_i - a_i$ ($i = 1, \dots, n$) определим анизотропный модуль непрерывности функции $f \in \varphi(L)(I)$

$$\omega(\delta_1, \dots, \delta_n; f)_\varphi = \sup_{0 < h_i < \delta_i} \int_a^{b-h} \varphi(|f(x+h) - f(x)|) dx.$$

Для $l \in \mathbb{N}^n$ обозначим через $\mathcal{H}_l(I)$ класс функций χ на I , постоянных на каждом из n -мерных интервалов

$$\prod_{i=1}^n \left(a_i + (b_i - a_i) \frac{k_i - 1}{l_i}, a_i + (b_i - a_i) \frac{k_i}{l_i} \right), \quad k_i \in \{1, \dots, l_i\}^n.$$

Теорема. Для любых $\varphi \in \Phi$, $f \in \varphi(L)(I)$ и $l \in \mathbb{N}^n$ найдется такая функция $\chi \in \mathcal{H}_l(I)$, для которой

$$d_\varphi(f, \chi) \leq 2^n \omega\left(\frac{b_1 - a_1}{l_1}, \dots, \frac{b_n - a_n}{l_n}; f\right)_\varphi.$$