

В [2] доказано следующее равенство для произвольного топологического пространства  $T$ :  $\text{Lim}_\alpha M(T, \mathcal{K}_\sigma, \mathbb{R}) = B_{\alpha+1}(T, \mathbb{R})$ ,  $1 \leq \alpha < \omega_1$ .

Аналогичное равенство бэровских и борелевских классов справедливо и для функций на произвольном  $T$  со значениями в сепарабельном нормированном пространстве  $X$ :  $\text{Lim}_\alpha M(T, \mathcal{K}_\sigma, X) = B_{\alpha+1}(T, X)$ ,  $1 \leq \alpha < \omega_1$ . Если  $T$  совершенно нормально, то верна и теорема типа Лебега – Хаусдорфа с  $X$  вместо  $\mathbb{R}$ .

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Куратовский К. Топология. Т. 1. М.: Мир, 1966.
2. Захаров В. К., Родионов Т. В. Классификация борелевских множеств и функций на произвольном пространстве // Мат. сб. 2008. Т. 199, № 6. С. 49–84.

**И. А. Романова (Волгоград)**

**irina.a.romanova@gmail.com**

### ***N*-РЕШЕНИЯ КВАЗИЛИНЕЙНЫХ УРАВНЕНИЙ СПЕЦИАЛЬНОГО ВИДА**

Рассмотрим квазилинейное уравнение с квадратичной главной частью

$$L_{\gamma, \varepsilon}[u] = u_{xx} (2\varepsilon + (\gamma + 1) u_x^2 + (\gamma - 1) u_y^2) + 4u_{xy} u_x u_y + \\ + u_{yy} (2\varepsilon + (\gamma + 1) u_y^2 + (\gamma - 1) u_x^2) = 0,$$

где  $|\gamma| \geq 1$ ,  $\varepsilon = 0, 1$  или  $-1$ .

Данное уравнение обобщает многие уравнения геометрии и теории потенциала.

В работе рассматривается метод построения параметрического представления решений для данного уравнения при  $\varepsilon = \text{sng } \gamma$ . При этом, для случая  $\gamma = \varepsilon = 1$  мы получаем минимальную поверхность, заключенную в цилиндр, а в остальных случаях построенные решения являются целыми  $C^2$ -гладкими функциями.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Зорина И. А., Ткачев В. Г. О целых решениях квазилинейных уравнений с квадратичной главной частью // Вестн. СамГУ. Сер. Математика. 2008. № 3. С. 108–123.
2. Зорина И. А. Целые решения уравнения Саймона // Геометрический анализ и его приложения : тр. междунар. шк.-конф. (Волгоград, 24–30 мая 2004 г.). Волгоград, 2005. С. 55–74.
3. Романова И. А. *N*-решения уравнения минимальных поверхностей // Тр. Мат. центра им. Н. И. Лобачевского : материалы Десятой междунар. Казан. летней науч. шк.-конф. 2011. Т. 43. С. 308–309.