

u такая, что для любого множества $\tilde{\Omega} \subset \subset \Omega_e$ и для любой положительной функции $\phi(x) \in C_0^1(\tilde{\Omega})$ выполнено

$$\int_{\tilde{\Omega}} \nabla u \cdot \nabla \phi \, dx \geq \int_{\tilde{\Omega}} u^q \phi \, dx,$$

где ∇u — градиент, составленный из слабых производных функции u .
Справедлив следующий результат.

Теорема 1. Пусть многообразиие M такое, что выполняется условие

$$\limsup_{\rho \rightarrow \infty} \rho^{\frac{2}{q-1}} \left(\frac{\int_{\rho/2}^{\rho} G(r) \, dr}{\int_{\rho/4}^{2\rho} G(r) \, dr} \right)^{\frac{1}{q-1}} \int_{2\rho}^{\infty} \frac{ds}{G(s)} = +\infty,$$

где $G(r) = g_1^{n_1}(r) \cdot \dots \cdot g_k^{n_k}(r)$.

Тогда любое неотрицательное решение неравенства (1) на Ω_e есть тождественный ноль.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Лосев А. Г. О некоторых лиувиллевых теоремах на некомпактных римановых многообразиях // Сиб. матем. журн. 1998. Т. 39, № 1. С. 87–93.
2. Решетняк Ю. Г. К теории соболевских классов функций со значениями в метрическом пространстве // Сиб. матем. журн. 2006. Т. 47, № 1. С. 146–168.
3. Bidaut-Veron M., Pohozaev S. I. Non-existence results and estimates for some nonlinear elliptic problems // J. Anal. Math. 2001. Vol. 84. P. 1–49. DOI 10.1007/BF02788105.

УДК 517.984

ПОСТРОЕНИЕ ФУНКЦИЙ С ОРТОГОНАЛЬНОЙ СИСТЕМОЙ СДВИГОВ В ПОЛЕ p -АДИЧЕСКИХ ЧИСЕЛ¹

А. М. Водолазов (Саратов, РФ)

vam21@yandex.ru

Пусть \mathbb{Q}_p поле p -адических чисел. Любое p -адическое число $x \neq 0$ единственным образом представимо в виде

$$x = p^\gamma \sum_{k=0}^{\infty} x_k p^k,$$

где $x_k \in \{0, 1, \dots, p-1\}$ и $x_0 \neq 0$, $\gamma \in \mathbb{Z}$. Дробной частью числа x называется $\{x\}_p = p^{-\gamma-1} \sum_{k=0}^{\infty} x_k p^k$, множество H_0 состоит из чисто дробных

¹Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (проект № 13-01-00102).

чисел $x = \{x\}_p$. Множество $B_\gamma(a) = \{x \in \mathbb{Q}_p \mid \|x - a\|_p \leq p^\gamma\}$ является p -адическим шаром. Обозначим $D_{-N}(M)$, где $N, M \in \mathbb{N}$, множество локально постоянных функций носитель которых содержится в $B_N(0)$ и являющихся p^M — периодическими.

Для построения кратномасштабного анализа на \mathbb{Q}_p [1] одним из важных условий является существование функции φ сдвига, которой на элементы из H_0 ортонормированную систему в $L_2(\mathbb{Q}_p)$. При $p = 2$ и $M = 1$, этот вопрос был изучен в [2]. Мы изучаем способы нахождения таких функций при других значениях p .

Теорема. *Если p — нечетное простое или при $p = 2$ и $M \geq 2$, то множество $\varphi \in D_{-N}(M)$, сдвиги которых на элементы из H_0 образуют ортонормированную систему в $L_2(\mathbb{Q}_p)$ содержат не менее $p^{N+M} - 4(p^{N-1} - 1)$ линейно независимых функций в пространстве $D_{-N}(M)$*

Нами получен алгоритм нахождения таких функций и способы определения коэффициентов разложения по системе сдвигов этих функций.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Albeverio S., Evdokimov S., Skopina M p -Adic Multiresolution Analysis and Wavelet Frames // J. Fourier Anal. Appl. 2010. Vol. 16, № 5. P. 693–714.

2. Лукомский С. Ф. Ортогональные системы сдвигов в поле p -адических чисел // Функциональные пространства и теория приближения функций : тез. докл. междунар. конф., посвящ. 110-летию со дня рожд. акад. С. М. Никольского. М. : МИАН, 2015. С. 174–175.

УДК 517.518

МУЛЬТИПЛИКАТИВНЫЕ СВЕРТКИ ФУНКЦИЙ ИЗ ПРОСТРАНСТВ ЛОРЕНЦА И СХОДИМОСТЬ РЯДОВ ИЗ КОЭФФИЦИЕНТОВ ФУРЬЕ – ВИЛЕНКИНА¹

С. С. Волосивец, М. А. Кузнецова (Саратов, РФ)

VolosivetsSS@mail.ru, maffka2@bk.ru

Пусть $\{p_n\}_{n=1}^\infty \subset \mathbb{N}$, $2 \leq p_n \leq N$. По определению $m_0 = 1$, $m_n = p_n m_{n-1}$, $n \in \mathbb{N}$, тогда каждое $x \in [0, 1)$ имеет разложение вида $x = \sum_{n=1}^\infty x_n / m_n$, $x_n \in \mathbb{Z}_+ \cap [0, p_n)$. Разложение будет единственным, если для $x = k / m_l$, $k, l \in \mathbb{Z}_+$, $0 < k < m_l$, брать разложение с конечным числом $x_n \neq 0$. Каждое $k \in \mathbb{Z}_+$ единственным образом представимо в виде $k = \sum_{i=1}^\infty k_i m_{i-1}$, $k_i \in \mathbb{Z}_+ \cap [0, p_i)$. Для $x \in [0, 1)$ и $k \in \mathbb{Z}_+$ положим

¹Работа С. С. Волосивца выполнена в рамках проектной части государственного задания Минобрнауки РФ (проект № 1.1520.2014К).