

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по научной работе

и цифровому развитию

ФБОУ ВО «СГУ имени Н.Г. Чернышевского»

Алексей Александрович Короновский



июня

2023 г.

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Федерального государственного бюджетного образовательного  
учреждения

высшего образования «Саратовский национальный исследовательский  
государственный университет имени Н.Г. Чернышевского»

по диссертации Сафончик Марии Ильиничны

«Математическое моделирование нестационарного течения

«запаздывающих» вязкопластических сред бингамовского типа с учетом  
эффекта «пристенного скольжения» на базе реологической модели Слибара-  
Паслай»

на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук  
по специальности 1.2.2 – «Математическое моделирование, численные  
методы и комплексы программ»,

выполненной на кафедре математической кибернетики и  
компьютерных наук.

Тема диссертационной работы утверждена приказом ректора СГУ от 28  
октября 2022 г. № 148-Д.

Соискатель Сафончик Мария Ильинична в 2001 году успешно окон-  
чила Саратовский государственный университет имени Н. Г. Чернышевского  
по специальности «Прикладная математика» с присвоением квалификации  
«математик». В 2022 г. окончила аспирантуру Федерального государственно-  
го бюджетного образовательного учреждения высшего образования «Сара-  
товский национальный исследовательский государственный университет  
имени Н.Г. Чернышевского» по направлению 09.06.01 – «Информатика и вы-

числительная техника», направленность «Математическое моделирование, численные методы и комплексы программ». В настоящий момент работает в должности старшего преподавателя кафедры математической кибернетики и компьютерных наук Саратовского национального исследовательского государственного университета имени Н.Г. Чернышевского.

Справка о сданных кандидатских экзаменах № 51-2023 выдана Федеральным государственным бюджетным образовательным учреждением высшего образования «Саратовский национальный исследовательский государственный университет имени Н.Г. Чернышевского» от 26.06.2023.

Научный руководитель Андрейченко Дмитрий Константинович, доктор физико-математических наук, профессор, заведующий кафедрой математического обеспечения вычислительных комплексов и информационных систем на базе филиала ООО «ЭПАМ Систэмз» в г. Саратове факультета компьютерных наук и информационных технологий, утвержденный приказом ректора СГУ от 28 октября 2022 г. № 148-Д, представил **положительный отзыв** о диссертации и соискателе.

Научную экспертизу диссертация проходила на совместном заседании кафедры математической кибернетики и компьютерных наук и кафедры математического обеспечения вычислительных комплексов и информационных систем математического обеспечения вычислительных комплексов и информационных систем на базе филиала ООО «ЭПАМ Систэмз» в г. Саратове факультета компьютерных наук и информационных технологий с приглашением специалистов по профилю диссертации из других структурных подразделений СГУ и других образовательных учреждений высшего образования и научных учреждений.

На заседании присутствовали:

- Миронов Сергей Владимирович, к.ф.-м.н., доцент, декан факультета компьютерных наук и информационных технологий, заведующий кафедрой математической кибернетики и компьютерных наук факультета КНИТ СГУ;
- Богомолов Алексей Сергеевич, доктор технических наук, доцент, профессор кафедры математической кибернетики и компьютерных наук факультета КНИТ СГУ;
- Кушников Вадим Алексеевич, доктор технических наук, профессор, профессор кафедры математической кибернетики и компьютерных наук факультета КНИТ СГУ;
- Романов Валерий Александрович, доктор физико-математических наук, профессор, профессор кафедры математической кибернетики и компьютерных наук факультета КНИТ СГУ;

- Абросимов Михаил Борисович, доктор физико-математических наук, доцент, заведующий кафедрой теоретических основ компьютерной безопасности и криптографии факультета КНИТ СГУ;
- Блинков Юрий Анатольевич, доктор физико-математических наук, доцент, заведующий кафедрой математического и компьютерного моделирования механико-математического факультета СГУ;
- Сидоров Сергей Петрович, доктор физико-математических наук, доцент, заведующий кафедрой теории функций и стохастического анализа механико-математического факультета СГУ;
- Вешнева Ирина Владимировна, доктор технических наук, доцент, профессор кафедры информационных систем и технологий в обучении факультета КНИТ СГУ;
- Кондратов Дмитрий Вячеславович, доктор физико-математических наук, доцент, заведующий кафедрой «Информационная безопасность автоматизированных систем» ФГБОУ ВО «Саратовский государственный технический университет имени Гагарина Ю.А.»;
- Жигалов Максим Викторович, доктор физико-математических наук, доцент, профессор кафедры «Математика и моделирование» ФГБОУ ВО «Саратовский государственный технический университет имени Гагарина Ю.А.»;
- Андрейченко Дмитрий Константинович, доктор физико-математических наук, профессор, заведующий кафедрой математического обеспечения вычислительных комплексов и информационных систем факультета КНИТ СГУ на базе филиала ООО «ЭПАМ Системз» в г. Саратове;
- Батраева Инна Александровна, кандидат физико-математических наук, доцент, доцент кафедры математической кибернетики и компьютерных наук факультета КНИТ СГУ;
- Иванов Александр Сергеевич, кандидат физико-математических наук, доцент, доцент кафедры математической кибернетики и компьютерных наук факультета КНИТ СГУ;
- Иванова Анна Сергеевна, кандидат физико-математических наук, доцент кафедры математической кибернетики и компьютерных наук факультета КНИТ СГУ;
- Кондратова Юлия Николаевна, кандидат физико-математических наук, доцент, доцент кафедры математической кибернетики и компьютерных наук факультета КНИТ СГУ;
- Папщев Сергей Владимирович, кандидат физико-математических наук, доцент, доцент кафедры математической кибернетики и компьютерных наук факультета КНИТ СГУ;

- Петров Дмитрий Юрьевич, кандидат технических наук, доцент, доцент кафедры математической кибернетики и компьютерных наук факультета КНИТ СГУ;
- Соловьев Владимир Михайлович, кандидат технических наук, доцент, доцент кафедры математической кибернетики и компьютерных наук факультета КНИТ СГУ
- Сафончик Мария Ильинична, старший преподаватель кафедры математической кибернетики и компьютерных наук факультета КНИТ СГУ;
- Кузнецов Александр Владимирович, доцент кафедры математического обеспечения вычислительных комплексов и информационных систем факультета КНИТ СГУ на базе филиала ООО «ЭПАМ Систэмз» в г. Саратове;
- Сухов Сергей Александрович, доцент кафедры математического обеспечения вычислительных комплексов и информационных систем факультета КНИТ СГУ на базе филиала ООО «ЭПАМ Систэмз» в г. Саратове.

Рецензенты диссертации:

- Блинков Юрий Анатольевич, доктор физико-математических наук, доцент, заведующий кафедрой математического и компьютерного моделирования механико-математического факультета СГУ, представил **положительный отзыв**;
- Кондратов Дмитрий Вячеславович, доктор физико-математических наук, доцент, заведующий кафедрой «Информационная безопасность автоматизированных систем» ФГБОУ ВО «Саратовский государственный технический университет имени Гагарина Ю.А.», представил **положительный отзыв**.

По итогам обсуждения диссертации принято следующее **заключение**:

Работа посвящена разработке математических моделей для ряда задач о неустановившемся течении вязкопластических сред, а также методов численного анализа и компьютерного моделирования применительно к соответствующему классу начально-краевых задач. Многочисленные материалы со сложной реологией, используемые в различных отраслях химической, нефтяной, пищевой промышленности, медицины и других, проявляют как свойства вязкости, так и пластичности. Такие среды называют вязкопластическими и к ним можно отнести цементные и глинистые растворы, торфомассы, различные виды смол и битумов, масляные краски и т.д. Исследование поведения таких сред имеет большое прикладное значение для оптимизации различных технологических процессов. Механизмы течения таких сред весьма специфичны и значительно отличаются от обычных, ньютоновских жидкостей, что

обусловлено наличием сложной внутренней структуры. Наличие различных фаз течения приводит к необходимости решения начально-краевых задач типа Стефана с подвижной границей, что значительно осложняет применение методов численного анализа. Вместе с тем, наибольший интерес в задачах подобного типа представляет по возможности более точное моделирование законов движения границ между подвижными областями, занятymi отдельными фазами течения.

Следовательно, тема работы является **актуальной**.

**Научная новизна** работы обусловлена тем, что автором предложены математические модели неустановившихся течений вязкопластических сред, и для данного класса начально-краевых задач разработан метод прямого численного моделирования, основанный на отображении области с подвижной границей на неподвижную область, применении дискретизации по независимой пространственной переменной на основе проекционного метода Галеркина, и дальнейшего численного интегрирования по времени системы обыкновенных дифференциальных уравнений. По сравнению с ранее известными, данный метод позволяет более точно определить положение границы раздела фаз течения и применим на всех этапах компьютерного моделирования (развитие течения, переходные этапы, восстановление структуры). Следовательно, открывается возможность детального моделирования эволюции отдельных фаз течения. Представляет интерес выполненное в работе компьютерное моделирования влияния проскальзывания среды вдоль твердой стенки на параметры течения. При развитии вязкопластического течения возникающая область течения характеризуется исчезающе малой (нулевой) протяженностью в начальный момент, и это приводит к возникновению особенности у соответствующих начально-краевых задач. Для их корректной постановки предложено использовать методы асимптотического интегрирования.

**Достоверность** полученных результатов обеспечивается корректной математической постановкой задач, адекватно описывающей рассматриваемые физические процессы, применением апробированных методов качественного и численного анализа математических моделей и подтверждается тестовыми расчетами и согласованием результатов численного моделирования с полученными аналитическими решениями.

**Теоретическая значимость** работы связана с развитием методов математического моделирования многофазных течений вязкопластических сред и методов численного интегрирования начально-краевых задач типа Стефана с подвижной границей. **Практическая значимость** работы заключается в том, что при бурении скважин и их освоении, при добыче нефти и торфа, при изготовлении цемента, пластмасс, стекла, различных пищевых продуктов, при прокатке металлов и в других производствах целый ряд процессов связан с использованием вязкопластичных материалов. Полученные результаты могут быть использованы при подготовке расчетов технологических процессов,

связанных с использованием вязкопластических материалов. Также материалы работы могут быть использованы в высшей школе в процессе обучения бакалавров, специалистов и магистров в лекционных курсах по математическому и компьютерному моделированию в прикладной гидромеханике неиньютоновских жидкостей. Автором получено свидетельство о государственной регистрации разработанного программного комплекса.

**Личный вклад** автора: разработка математических моделей неустановившихся многофазных течений вязкопластических сред; разработка и реализация методов численного интегрирования начально-краевых задач типа Стефана с подвижной границей на основе отображения подвижной области на неподвижную и дальнейшего применения проекционного метода Галеркина; применение методов асимптотического интегрирования для корректной постановки начально-краевых задач о развитии течений вязкопластических сред; разработка программного комплекса и реализация компьютерного моделирования.

Основное содержание работы изложено в 13 публикациях, из них 3 статьи в журналах, входящих в список изданий, рекомендованных ВАК РФ.

Получено свидетельство о государственной регистрации программ.

В диссертации построены новые математические модели неустановившихся многофазных течений вязкопластических сред, и изложены новые научно обоснованные методы их компьютерного моделирования. Диссертация выполнена самостоятельно на высоком научном уровне. Полученные автором результаты достоверны, выводы и заключения обоснованы. Опубликованные работы соответствует основному содержанию диссертации.

Диссертация Сафончик Марии Ильиничны на тему «Математическое моделирование нестационарного течения «запаздывающих» вязкопластических сред бингамовского типа с учетом эффекта «пристенного скольжения» на базе реологической модели Слибара-Паслай» соответствует следующим направлениям в области исследований по паспорту научной специальности 1.2.2 - Математическое моделирование, численные методы и комплексы программ:

«1. Разработка новых математических методов моделирования объектов и явлений (физико-математические науки)»,

«2. Разработка, обоснование и тестирование эффективных вычислительных методов с применением современных компьютерных технологий»,

«3. Реализация эффективных численных методов и алгоритмов в виде комплексов проблемно-ориентированных программ для проведения вычислительного эксперимента»,

«8. Комплексные исследования научных и технических проблем с применением современной технологии математического моделирования и вычислительного эксперимента».

Диссертационная работа Сафончик Марии Ильиничны на тему «Математическое моделирование нестационарного течения «запаздывающих» вязкопластических сред бингамовского типа с учетом эффекта «пристенного скольжения» на базе реологической модели Слибара-Паслая» соответствует требованиям п.п. 9-11, 13, 14 «Положения о присуждении ученых степеней», утвержденного Правительством Российской Федерации от 24 сентября 2013 г. № 842, предъявляемым к диссертациям на соискание ученой степени кандидата наук.

**Диссертация «Математическое моделирование нестационарного течения «запаздывающих» вязкопластических сред бингамовского типа с учетом эффекта «пристенного скольжения» на базе реологической модели Слибара-Паслай» Сафончик Марии Ильиничны рекомендуется к защите на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 1.2.2 – «Математическое моделирование, численные методы и комплексы программ» как удовлетворяющая критериям, установленным «Положением о присуждении ученых степеней» для кандидатских диссертаций.**

Присутствовало на заседании 21 человек, в том числе 10 докторов наук, а также 8 кандидатов наук.

Результаты открытого голосования: «за» - 21 чел.; «против» - нет, «воздержалось» - нет (протокол №25 от «30» июня 2023 г.)

Председатель заседания  
декан факультета КНИТ СГУ,  
к.ф.-м.н., доцент

Миронов Сергей Владимирович

